

## 組 檢 驗 法 簡 介

河北省农业科学院果树研究所

李 正 智

組檢驗法是一個新的統計方法。用以檢驗樣本與樣本之間或樣本與總體之間差異的顯著性，比一般常用學生氏“t”檢驗法等簡便。

如果有一份研究資料（樣本），包括m個甲種元素（事物或現象）和n個乙種元素。按每個元素出現的先後或數值的大小，可排列成一個序列。根據這兩種元素在序列中的分布是否為隨機的，就可判斷這兩種元素組成的樣本是否取自同一總體，即其差異有無意義。

在序列中，一種元素（a）被另一種元素（b）從兩端所限制的部分序列叫組。序列始端（左端）一組左面不被限制，末端（右端）一組右面不被限制。例如序列

aa, b, a, bbb, aaaa, bb

包括7個a種元素，6個b種元素互相分割成6個組。

研究證明，如果樣本序列排列僅是偶然性因素引起的，則序列中的組數分布是個隨機變量；一切可能的排列出現的機率應該相等。反之，如果序列中的組數過多或過少，則一定是有本質性的因素在影響這兩種元素的排列。

根據這兩種元素的個體數m及n和樣本序列中的組數u，就可以找出這兩種元素由於偶然性因素所引起的差異的機率。反之，也可根據我們所要求的機率水準以及m值和n值，找出相應的組數臨界值。（參閱Я. ЯНКЕ的“統計表”，俄文版221—222頁。表中數值是隨機樣本序列中組數分布的臨界值。）

假使所要檢驗的樣本的序列組數為u，可先假設其序列組成是隨機的，即兩種元素間的差異是無意義的。則只有在以下三種情況，才能否定上述假設，認為二者之間的差異非偶然因素所引起，差異是有意義的。

- 一、序列中組數過少， $u < u_p(m, n)$ ；
- 二、序列中組數過多， $u > u_{1-p}(m, n)$ ；
- 三、從一、二兩方面比較，

$$u < \frac{u_p}{2} \text{ 或 } u > u_{1-p} - \frac{P}{2}$$

茲舉二例，介紹組檢驗法的具體應用：

例一、銀坊水稻施肥試驗，比較 $N_{15}P_{15}K_{15}$ 和 $N_{30}P_{15}$ 兩種施肥措施的效果，五個重複，獲得各處理的產量如下：（單位：公斤/50平方米）

處理 代號	處 理	產 量
A	$N_{15}P_{15}K_{15}$	24.0, 27.1, 25.2, 25.9, 28.0
B	$N_{30}P_{15}$	27.9, 26.3, 24.3, 25.1, 26.4

把上列十個產量數字排成遞增序列：

24.0, 24.3, 25.1, 25.2, 25.9, 26.3,  
26.4, 27.1, 27.9, 28.0

序列中黑體數字系B處理產量。如果A和B兩處理效果一樣，則兩處理的產量在序列中將是隨機分布的。如果兩處理的效果有明顯差異，則各處理的產量在序列中將各趨向一端，僅中央有幾次交錯。很顯然，組數過多只能說明各重複間差異較大，對檢驗兩處理間差異並無意義故這時宜選用第一種檢驗的情況。

先假設兩處理的效果是一樣的。序列中實際組數  $u=7$ ，我們要求的機率水準  $P=0.05$ ，查表（見 Я. Янко 統計表，俄文版221—222頁）， $u_{0.05}(5, 5)=3$ ，即  $u > u_{0.05}$ ，不能否定上述假設；因此可作出結論，兩種施肥措施效果並無明顯差異。

例二，欲在某坡地上進行施肥試驗，先用大麥作勻地播種，以測定地力有無差異。收穫時由坡上至坡下順序取產量樣本46個，分別脫粒稱重，獲得結果如下：（單位： $\text{g}/\text{M}^2$ ）

542, 523, 530, 575, 608, 563, 602, 583, 597, 329, 290, 548, 592, 439, 601, 583, 325, 479, 514, 518, 552, 592, 587, 551, 503, 493, 520, 557, 554, 607, 613, 600, 586, 496, 427, 521, 547, 439, 496, 579, 582, 513, 596, 584, 521, 549。

用組數檢驗上述結果，可將序列中產量低於中位數 ( $M_i=550$ ) 的作為  $a$  元素，高於中位數的作為  $b$  元素。據此， $ab$  二元素在上述序列中互相劃分為 15 個組。在這種情況

下，組數過多或過少都說明地力有差異。組數過多，說明地力的變異是頻繁起伏的，即地力有多次肥脊變化；組數過少，則說明地力是沿坡向作有次序的改變。

此例是以中位數劃分兩種元素的，所以  $m=n=N/2=46/2=23$ 。實際組數  $u=15$ 。查表， $u \frac{P}{2}=u_{0.025}=16$ ， $u_1-\frac{P}{2}=u_{0.975}=31$ 。

實際組數  $u$  幾乎落於  $u_{0.025}$  與  $u_{0.975}$  之間。根據前述第“三”種情況， $u < u \frac{P}{2}$  可以否定地力無差異（差異是偶然因素引起的，是隨機的）的假設，認為地力改變並不是隨機的，確有差異存在，並且是沿坡向呈有次序的改變。

從上述兩例可以看出，組檢驗法手續簡單，使用便利。唯由於未利用總體分布函數作為檢驗的基礎，故其功效小於學生氏  $t$  檢驗。

### 主要參考文獻

Я. Янко: Математико-Статистические таблицы, Стр. 90—93, Москва 1961.

## 第3卷第2、3期勘誤表

卷	期	頁	行	誤	正
3	2	30左 32右 35左 35右	37 7 25 27	在缺水情況下 施以C <sup>14</sup> 後 微量元素 並形成單分子的半透膜	在淹水種植情況下 飼以C <sup>14</sup> 後 施入微量元素 該作者推測其在氣孔縫隙中 形成單分子的半透膜
3	3	71	(表5) 2	97.64	91.64